

# Programação Lógica

---

Marco A L Barbosa

malbarbo.pro.br

Departamento de Informática

Universidade Estadual de Maringá



Este trabalho está licenciado com uma Licença Creative Commons - Atribuição-Compartilhável 4.0 Internacional.

<http://github.com/malbarbo/na-proglog>

# Introdução

No paradigma de **programação declarativo**, as estruturas e os elementos do programa são escritos de maneira a especificar a lógica da computação sem descrever o fluxo de controle.

## Imperativo

- Modelo de computação baseado em sequência passo a passo de comandos
- Atribuições destrutivas
- Ordem de execução é crucial, os comandos só podem ser entendidos no contexto das computações anteriores devido aos efeitos colaterais
- Controle é responsabilidade do programador
- Exemplos: Java, C, Pascal

## Declarativo

- Modelo de computação baseado em um sistema onde as relações são especificadas diretamente em termos da entrada
- Atribuição não destrutiva
- A ordem de execução não importa (não tem efeitos colaterais)
- O programador não é responsável pelo controle
- Exemplos: SQL, Prolog, Haskell

Alguns autores consideram “como” (imperativo) vs “o que” (declarativo)

Os principais paradigmas declarativos são

- Funcional
- Lógico
- Por restrições

## Funcional

- Baseado em declaração e aplicação de funções (cálculo lambda)
- Todos os parâmetro de uma função precisam estar instanciados
- Clara distinção entre entrada e saída



## Lógico

- Baseado no cálculo de predicados
- Objetos e relações
- A computação é feita usando um mecanismo de inferência lógico
- A computação pode ser realizada com variáveis não instanciadas

Para estudar o paradigma lógico vamos utilizar a linguagem Prolog

- Existem muitas implementações
- Vamos utilizar o SWI-Prolog

Instalação

```
$ apt-get install swi-prolog
```

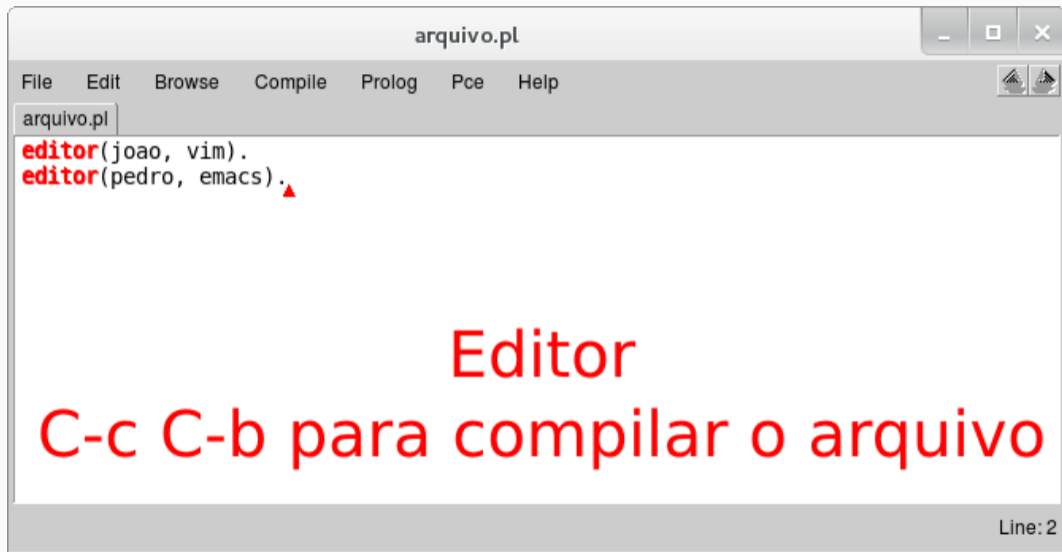
Execução

```
$ swipl
```

```
Welcome to SWI-Prolog (threaded, 64 bits, version 8.0.2)
SWI-Prolog comes with ABSOLUTELY NO WARRANTY. This is free software.
Please run ?- license. for legal details.
For online help and background, visit http://www.swi-prolog.org
For built-in help, use ?- help(Topic). or ?- apropos(Word).
```

```
?- emacs('arquivo.pl'). # Edita arquivo.pl
true.
```

```
?- editor(joao, E).      # Consula
E = vim.                # Resultado
```



arquivo.pl

File Edit Browse Compile Prolog Pce Help

```
editor(joao, vim).  
editor(pedro, emacs).▲
```

**Editor**  
**C-c C-b para compilar o arquivo**

Line: 2

The screenshot shows a web browser window with the URL `https://swish.swi-prolog.org`. The page title is "SWISH -- SWI-Prolog for...". The main content area is titled "SWISH" and contains a code editor with the following program:

```
1 editor(joao, vim).  
2 editor(pedro, emacs).
```

Below the code editor, there is a large owl illustration. In the bottom right corner, there is a console window titled "editor(joao, E)." showing the output:

```
E = vim
```

At the bottom of the console, there are buttons for "Examples", "History", "Solutions", "table results", and a blue "Run!" button.

Editar o arquivo usando o editor de sua preferência

Ler o arquivo no swipl

```
?- consult('arquivo.pl').
```

Fazer consultas

```
?- editor(joao, E).
```

```
E = emacs.
```

Depois de alterar o arquivo, ele deve ser lido novamente

Tutorial



Neste tutorial não seremos muito formais.

Programar em Prolog consiste em

- Especificar fatos sobre objetos e suas relações
- Definir regras sobre objetos e suas relações
- Fazer consultas (perguntas) sobre objetos e suas relações

Um fato é algo que é verdadeiro sobre uma relação de objetos.

Exemplo de fato

- João utiliza o editor vim

```
editor(joao, vim).
```

- `joao` e `vim` são objetos
- `editor` é uma relação

Os nomes das relações e dos objetos devem começar com letras minúsculas.

A ordem dos objetos é arbitrária, mas você deve ser consistente.

Os objetos de uma relação são chamados de argumentos.

O nome da relação é chamado de predicado.

O número de argumentos de um predicado é a aridade do predicado.

Uma relação pode ter qualquer quantidade de argumentos.

Fato: Está chovendo.

`chovendo.`

Fato: Maria comprou um livro do Jorge.

`comprou(maria, livro, jorge).`

Podemos fazer consultas sobre os fatos que foram definidos.

A forma de uma consulta é similar a de um fato.

Dado os seguintes fatos

```
editor(joao, vim).
```

```
editor(pedro, emacs).
```

Podemos fazer algumas consultas.

É verdade que o João utiliza o editor vim?

```
?- editor(joao, vim).
```

```
true.
```

É verdade que o João utiliza o editor emacs?

```
?- editor(joao, emacs).
```

```
false.
```

Quando uma consulta é realizada o Prolog faz uma busca sequencial por fatos que unificam com o termo que está sendo consultado.

- Dois termos unificam se os predicados são os mesmos e cada argumento correspondente é o mesmo.

Se um fato que unifica com a consulta for encontrado, o Prolog irá responder **true**, caso contrário o Prolog responderá **false**.

A resposta **false** significa que não foi encontrado um fato que unifica com a questão.

Fatos

```
humano(socrates).
```

```
humano(aristoteles).
```

```
ateniense(socrates).
```

Consulta

```
?- ateniense(aristoteles).
```

```
false.
```

Apesar de poder ser verdade no mundo real que Aristóteles era ateniense (viveu em Atenas), nós não podemos provar isto a partir dos fatos dados.



Para fazer perguntas que as respostas não sejam apenas **true** e **false** usamos variáveis.

As variáveis começam com letra maiúscula.

Fatos

```
editor(joao, vim).  
editor(joao, emacs).  
editor(pedro, emacs).
```

Consulta

Existe algum **E** tal que Pedro utiliza o editor **E**?

```
?- editor(pedro, E).  
E = emacs.
```

O Prolog realiza uma busca da mesma forma que antes, mas considera que uma variável não instanciada unifica com qualquer objeto.

Quando o Prolog encontra um fato que unifica com a consulta, ele marca o fato e exibe os valores unificados com as variáveis

- Se o utilizador pressionar **enter** a busca é finalizada
- Se o utilizador pressionar **;** a busca é reiniciada a partir da marca

Fatos

```
editor(joao, vim).  
editor(joao, emacs).  
editor(pedro, emacs).
```

Consulta

Existe algum **E** tal que João utiliza o editor **E**?

```
?- editor(joao, E).  
E = vim ;  
E = emacs.
```

Também é possível fazer consultas mais elaboradas usando conjunções (e).

Fatos

```
editor(joao, vim).  
editor(joao, emacs).  
editor(pedro, emacs).  
editor(maria, vim).
```

Consultas

- João e Pedro utilizam o editor emacs?
- João utiliza o editor emacs e Pedro utiliza o editor emacs?  
  
?- editor(joao, emacs), editor(pedro, emacs).  
**true.**
- O símbolo “;” é pronunciado “e”

Quando uma sequência de metas separadas por vírgula é dada para o Prolog, ele tenta satisfazer uma meta por vez.

Todas as metas devem ser satisfeitas para a consulta ser satisfeita.

Fatos

```
editor(joao, vim).  
editor(joao, emacs).  
editor(pedro, emacs).  
editor(maria, vim).
```

Consulta

- Existe algum **E** tal que João e Maria utilizam o editor **E**? De outra forma: existe algum **E** tal que João utiliza o editor **E** e Maria utiliza o editor **E**

```
?- editor(joao, E), editor(maria, E).  
E = vim ;  
false.
```



Fatos

```
editor(joao, vim).  
editor(joao, emacs).  
editor(pedro, emacs).  
editor(maria, vim).
```

Consulta

- Existem **X** e **Y** tal que **X** e **Y** utilizam o editor emacs? De outra forma: existem **X** e **Y** tal que **X** utiliza o editor emacs e **Y** utiliza o editor emacs?

```
?- editor(X, emacs), editor(Y, emacs).
```

```
X = Y, Y = joao ;
```

```
X = joao, Y = pedro ;
```

```
X = pedro, Y = joao ;
```

```
X = Y, Y = pedro.
```

Fatos

```
editor(joao, vim).  
editor(joao, emacs).  
editor(pedro, emacs).  
editor(maria, vim)
```

Consulta

- Existem  $X$  e  $Y$  distintos tal que  $X$  e  $Y$  utilizam o editor emacs?

```
?- editor(X, emacs), editor(Y, emacs), dif(X, Y).  
X = joao,  
Y = pedro ;  
X = pedro,  
Y = joao ;  
false.
```

Fatos

```
editor(joao, vim).  
editor(joao, emacs).  
editor(pedro, emacs).  
editor(maria, vim).
```

Consulta

- Existem  $X$ ,  $Y$  e  $Z$  tal que  $X$  e  $Y$  utilizam o editor  $Z$ ?

```
?- editor(X, Z), editor(Y, Z).
```

- Qual é a resposta?

As regras são a forma de abstração utilizada pelo Prolog.

Usamos regras para dizer que um fato depende de um outro grupo de fatos.

Uma **regra** é um sentença genérica sobre objetos e suas relações.

Dois programadores podem fazer um par para programação se eles utilizam o mesmo editor

```
par(X, Y) :-  
    editor(X, Z),  
    editor(Y, Z),  
    dif(X, Y).
```

Exemplos

# Coloração de mapa

Defina um predicado `coloracao(A, B, C, D, E)` que é verdadeiro se `A, B, C, D` e `E` são cores que podem colorir as respectivas regiões do mapa abaixo de maneira que duas regiões adjacentes não tenham a mesma cor.



## Coloração de mapa

```
+-----+-----+
|  A   |  C   |
|      +-----+
+-----|  D   |
|  B   +-----+
|      |  E   |
+-----+-----+
```

```
%% colocarao(A?, B?, C?, D?, E?) is nondet
%
% Verdadeiro se A, B, C, D, E são cores que
% podem colorir as respectivas regiões do
% mapa exemplo de maneira que duas regiões
% adjacentes não tenham a mesma cor.
```

```
coloracao(A, B, C, D, E) :-
    cor_dif(A, C),
    cor_dif(A, D),
    cor_dif(A, B),
    cor_dif(B, D),
    cor_dif(B, E),
    cor_dif(C, D),
    cor_dif(D, E).
```



```
%% cor_dif(A?, B?) is nondet
%
% Verdadeiro se A é uma cor
% diferente da cor B.
cor_dif(A, B) :-
    cor(A),
    cor(B),
    dif(A, B).
```

```
%% cor(A?) is nondet
%
% Verdadeiro se A é uma cor.
cor(verde).
cor(azul).
cor(amarelo).
```

```
?- coloracao(A, B, C, D, E).
```

```
A = E, E = verde,
```

```
B = C, C = azul,
```

```
D = amarelo ;
```

```
A = E, E = verde,
```

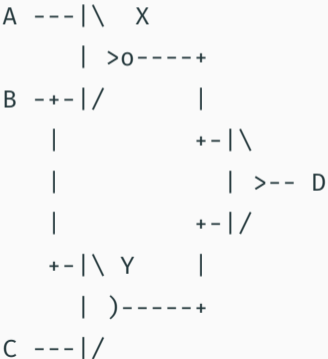
```
B = C, C = amarelo,
```

```
D = azul
```

```
...
```

# Simulação de circuito

Defina um predicado `circuito(A, B, C, D)` que é verdadeiro se as entradas `A`, `B` e `C` produzem a saída `D` no circuito abaixo.



```
%% and(A?, B?, C?) is nondet
%
% Verdadeiro se C é o resultado
% do and lógico de A e B.
```

```
and(0, 0, 0).
and(0, 1, 0).
and(1, 0, 0).
and(1, 1, 1).
```

```
%% or(A?, B?, C?) is nondet
%
% Verdadeiro se C é o resultado
% do or lógico de A e B.
```

```
or(0, 0, 0).
or(0, 1, 1).
or(1, 0, 1).
or(1, 1, 1).
```

```
%% not(A?, B?) is nondet
%
% Verdadeiro se A é
% a negação de B.

not(0, 1).
not(1, 0).
```

```
%% nand(A?, B?, C?) is nondet
%
% Verdadeiro se C é o resultado
% do nand (not and) lógico de
% A e B.

nand(A, B, C) :-
    and(A, B, S),
    not(S, C).
```

```

A ---|\ X
      | >o-----+
B -+-|/      |
      |      +-|\
      |      | >-- D
      |      +-|/
      +-|\ Y  |
      | )-----+
C ---|/
    
```

```

% circuito(A?, B?, C?, D?) is nondet
%
% Verdadeiro se o circuito exemplo
% com as entradas A, B e C produz
% a saída D.

circuito(A, B, C, D) :-
    nand(A, B, X),
    or(B, C, Y),
    and(X, Y, D).
    
```

```
?- circuito(1, 0, 1, 1).  
true ;  
false.
```

Inicialmente fizemos o predicado pensando em especificar as entradas do circuito e obter a saída, mas é possível especificar a saída e obter as entradas!



```
?- circuito(A, B, C, 1).  
A = B, B = 0,  
C = 1 ;  
A = C, C = 0,  
B = 1 ;  
A = 0,  
B = C, C = 1 ;  
A = C, C = 1,  
B = 0 ;  
false.
```

Leitura

## Recomendada

- The principal programming paradigms
- Declarative programming
- Logic programming
- Prolog