

Projeto de Funções

Marco A L Barbosa

malbarbo.pro.br

Departamento de Informática

Universidade Estadual de Maringá



Este trabalho está licenciado com uma Licença Creative Commons - Atribuição-Compartilhualgal 4.0 Internacional.

<http://github.com/malbarbo/na-progfun>

Vamos voltar para o problema da Márcia.

Depois que você fez o programa para o Alan, a Márcia, amiga em comum de vocês, soube que você está oferecendo serviços desse tipo e também quer a sua ajuda. O problema da Márcia é que ela sempre tem que fazer a conta manualmente para saber se deve abastecer o carro com álcool ou gasolina. A conta que ela faz é verificar se o preço do álcool é até 70% do preço da gasolina, se sim, ela abastece o carro com álcool, senão ela abastece o carro com gasolina. Você pode ajudar a Márcia também?

Como proceder para projetar este programa?

Para entender e “sentir” melhor como é programar no paradigma funcional, vamos seguir algumas etapas para projetar programas

- Análise
- Definição dos tipos de dados
- Especificação
- Implementação
- Verificação
- Revisão

Vamos treinar com problemas simples, para depois utilizar o processo em outros problemas.

Obs: esse processo é inspirado no livro [How to Design Programs](#).

Cada etapa depende da anterior, mas às vezes pode ser necessário mudar a ordem.

Por exemplo, às vezes estamos na implementação e encontramos uma nova condição e devemos voltar e alterar a especificação.

Mas devemos evitar fazer a implementação diretamente!

Depois que você fez o programa para o Alan, a Márcia, amiga em comum de vocês, soube que você está oferecendo serviços desse tipo e também quer a sua ajuda. O problema da Márcia é que ela sempre tem que fazer a conta manualmente para saber se deve abastecer o carro com álcool ou gasolina. A conta que ela faz é verificar se o preço do álcool é até 70% do preço da gasolina, se sim, ela abastece o carro com álcool, senão ela abastece o carro com gasolina. Você pode ajudar a Márcia também?

Análise

- Quais informações são relevantes e quais podem ser descartadas?
- Existe alguma omissão?
- Existe alguma ambiguidade?
- Quais conhecimentos do domínio do problema são necessários?
- O que deve ser feito?

Resultado

Determinar o combustível que será utilizado. Se o preço do álcool for até 70% do preço da gasolina, então deve-se usar o álcool, senão a gasolina.

Análise

Determinar o combustível que será utilizado. Se o preço do álcool for até 70% do preço da gasolina, então deve-se usar o álcool, senão a gasolina.

Definição dos tipos de dados

- Quais são as informações envolvidas no problema?
- Como as informações serão representadas?

Resultado

Informações: preço do litro do combustível e o tipo do combustível.

Representações:

```
;; Preço é um número positivo com até três dígitos.
```

```
;; Combustivel é um dos valores
```

```
;; - "Alcool"
```

```
;; - "Gasolina"
```

Mesmo Racket sendo uma linguagem com vinculação dinâmica de tipos e não tendo apelidos de tipos e tipos enumerados, nós descrevemos em comentários os “tipos” que vamos utilizar. Nesse caso, os tipos servem como documentação.

Análise

Determinar o combustível que será utilizado. Se o preço do álcool for até 70% do preço da gasolina, então deve-se usar o álcool, senão a gasolina.

Tipos

```
;; Preço é um número positivo
;; com até três dígitos.

;; Combustivel é um dos valores
;; - "Alcool"
;; - "Gasolina"
```

Especificação

- Assinatura da função
- Descrição do que a função deve fazer
- Exemplos de entrada e saída

Resultado

```
;; Preço Preço -> Combustivel
;; Encontra o combustivel que deve ser
;; utilizado no abastecimento. Produz
;; "Alcool" se preco-alcool for até 70%
;; do preco-gasolina, produz "Gasolina"
;; caso contrário.
(define (seleciona-combustivel
        preco-alcool
        preco-gasolina) ...)
```


Exemplos

- Álcool 3.000, Gasolina 4.000, produz "Gasolina" pois $3.000 > 0.7 * 4.000$
- Álcool 2.900, Gasolina 4.200, produz "Alcool" pois $2.900 < 0.7 * 4.200$
- Álcool 3.500, Gasolina 5.000, não está claro na especificação o que fazer quando o preço do álcool é exatamente 70% ($3.500 = 0.7 * 5.000$)!

Precisamos tomar uma decisão e modificar o propósito para ficar mais preciso. Vamos assumir que exatamente 70% também implica no uso do álcool (quais são as outras possibilidades?). O propósito modificado fica

```
;; Preço Preço -> Combustivel
;; Encontra o combustivel que deve ser utilizado no abastecimento.
;; Produz "Alcool" se preco-alcool for menor ou igual a 70% do preco-gasolina,
;; produz "Gasolina" caso contrário.
```

```
;; Preço Preço -> Combustivel
;; Encontra o combustivel que deve ser
;; utilizado no abastecimento. Produz
;; "Alcool" se preco-alcool for menor ou
;; igual a 70% do preco-gasolina, produz
;; "Gasolina" caso contrário.
(define (seleciona-combustivel
        preco-alcool
        preco-gasolina)
  ...)
```

3.000, 4.000, então "Gasolina" ($3.000 > 0.7 * 4.000$)

2.900, 4.200, então "Alcool" ($2.900 < 0.7 * 4.200$)

3.500, 5.000, então "Alcool" ($3.500 == 0.7 * 5.000$)

Implementação

- É necessário conhecimento específico do domínio do problema? Então enumere o que será utilizado.
- Existem casos distintos? Então enumere os casos.
- É uma composição de funções? Então use pensamento desejoso e faça a composição das funções supondo que elas existam.
- Os dados de entradas tem autorreferência? Então faça a análise dos casos base e com autorreferência e chame a função recursivamente nos casos apropriados.

Temos dois casos, o preço do álcool é menor ou igual a 70% do preço da gasolina e o caso contrário. Cada caso produz uma resposta direta

```
;; Preço Preço -> Combustivel
;; Encontra o combustivel que deve ser utilizado no abastecimento. Produz
;; "Alcool" se preco-alcool for menor ou igual a 70% do preco-gasolina,
;; produz "Gasolina" caso contrário.
(define (seleciona-combustivel preco-alcool preco-gasolina)
  (if (<= preco-alcool (* 0.7 preco-gasolina))
      "Alcool"
      "Gasolina"))
```

```
;; Preço Preço -> Combustivel
;; Encontra o combustivel que deve ser
;; utilizado no abastecimento. Produz
;; "Alcool" se preco-alcool menor ou
;; igual a 70% do preco-gasolina, produz
;; "Gasolina" caso contrário.
(define (seleciona-combustivel
        preco-alcool
        preco-gasolina)
  (if (<= preco-alcool
          (* 0.7 preco-gasolina))
      "Alcool"
      "Gasolina"))
```

3.000, 4.000, então "Gasolina". 2.900, 4.200, então "Alcool". 3.500, 5.000, então "Alcool".

Verificação

- A implementação está de acordo com a especificação?

Resultado

Vamos utilizar os exemplos que criamos na especificação para verificar se a resposta é a esperada.

```
> (seleciona-combustivel 3.000 4.000)
"Gasolina"
> (seleciona-combustivel 2.900 4.200)
"Alcool"
> (seleciona-combustivel 3.500 5.000)
"Alcool"
```

Preparem-se, agora vem uma sequência de muitas perguntas!

De forma geral, o fato de uma função produzir a resposta correta para alguns exemplos, implica que a função está correta? Não!

Então porque “perder tempo” fazendo os exemplos? O primeiro objetivo dos exemplos é ajudar o programador a entender como a função funciona e ilustrar o seu funcionamento para que a especificação fique mais clara. Depois esses exemplos podem ser usados como uma forma inicial de verificação, que mesmo não mostrando que a função funciona corretamente, aumenta a confiança do programador que o código está correto.

Já que os exemplos são uma verificação inicial, então temos que ampliar a verificação? Sim. De que forma? Testes de propriedades, fuzzing, etc. Para esta disciplina, vamos utilizar apenas os exemplos para fazer a verificação.

Nós fizemos os exemplos em linguagem natural e no momento de verificar os exemplos nós “traduzimos” para o Racket e fizemos as chamadas das funções de forma manual na janela de interações. Podemos melhorar esse processo? Sim.

Vamos escrever os exemplos diretamente em forma de código de maneira que eles possam ser executados automaticamente quando necessário. Para isso vamos usar uma biblioteca, feita especialmente para essa disciplina.

Para instalar a biblioteca selecione o menu “File -> Install Package...”, digite o endereço “<https://github.com/malbarbo/racket-test-examples.git>” e clique em “Install”.

Verificação

```
#lang racket
(require examples)

;; Preço Preço -> Combustivel
;;
;; Encontra o combustivel que deve ser utilizado no abastecimento.
;; Produz "Alcool" se preco-alcool menor ou igual a 70% do preco-gasolina,
;; produz "Gasolina" caso contrário.
(examples
 (check-equal? (seleciona-combustivel 3.000 4.000) "Gasolina")
 (check-equal? (seleciona-combustivel 2.900 4.200) "Alcool")
 (check-equal? (seleciona-combustivel 3.500 5.000) "Alcool"))

(define (seleciona-combustivel preco-alcool preco-gasolina)
  (if (<= preco-alcool (* 0.7 preco-gasolina))
      "Alcool"
      "Gasolina"))
```

Ao executarmos o programa obtemos algo como

```
3 success(es) 0 failure(s) 0 error(s) 3 test(s) run
```


Porque um teste pode falhar?

- O teste está errado
- A implementação está errada
- O teste e a implementação estão errados

Revisão

- Podemos melhorar o código?
- Podemos fazer simplificações eliminando casos especiais (generalizando)?
- Podemos criar abstrações (definição de constantes e funções)?
- Podemos renomear os objetos?

1. O governo deu uma aumento de salário para os funcionários públicos. O percentual de aumento depende do valor do salário atual. Para funcionários que ganham até R\$ 1200 o aumento é de 10%, para funcionários que ganham entre R\$ 1200 e R\$ 3000 o aumento é de 7%, para funcionários que ganham entre R\$ 3000 e R\$ 8000, o aumento é de 3%, e finalmente, para os funcionários que ganham mais que R\$ 8000 não haverá aumento. Projete uma função para calcular o novo salário de um funcionário qualquer.

2. O Jorge precisa saber a massa de diversos pequenos tubos de ferro mas está sem uma balança. No entanto, ele possui um paquímetro e pode medir com precisão o diâmetro interno e externo e a altura dos tubos, agora ele só precisa de um programa para fazer os cálculos. Algum voluntário?

Este é um desafio! Tente seguir o processo, procure informações sobre o domínio do problema, se você não conseguir avançar, passe para o próximo problema.

Talvez você tenha problemas com o `check-equal?` e número inexatos... Como você pode contornar esses problemas?

3. Em um determinado programa é preciso exibir textos em uma quantidade máxima de espaço (número de caracteres). Se o texto não cabe no espaço, apenas a parte inicial do texto que cabe no espaço junto de três pontos deve ser exibida. Além disso, o texto pode ser alinhado a direita, a esquerda ou centralizado. Projete um programa que transforme um texto para que possa ser exibido no espaço desejado.

Veja as funções de manipulação de strings em

<https://docs.racket-lang.org/reference/strings.html>, particularmente a função `make-string`.

1. O governo deu uma aumento de salário para os funcionários públicos. O percentual de aumento depende do valor do salário atual. Para funcionários que ganham até R\$ 1200 o aumento é de 10%, para funcionários que ganham entre R\$ 1200 e R\$ 3000 o aumento é de 7%, para funcionários que ganham entre R\$ 3000 e R\$ 8000, o aumento é de 3%, e finalmente, para os funcionários que ganham mais que R\$ 8000 não haverá aumento. Projete uma função para calcular o novo salário de um funcionário qualquer.

Análise

- Calcular o novo salário a partir do salário atual. Se o salário for \leq R\$ 1200, aumento de 10%, se $>$ R\$ 1200 e \leq R\$ 3000, aumento de 7%, se $>$ R\$ 3000 e \leq R\$ 8000, aumento de 3%, $>$ R\$ 8000, sem aumento.

Definição de tipos de dados

```
;; Salário é um número positivo com duas casas decimais
```

Especificação

```
;; Salario -> Salario
```

```
;; Calcula o novo salário a partir de um percentual de aumento determinado
```

```
;; a partir de salario-atual da seguinte forma:
```

```
;; - salario-atual <= 1200, aumento de 10%
```

```
;; - 1200 < salario-atual <= 3000, aumento de 7%
```

```
;; - 3000 < salario-atual <= 8000, aumento de 3%
```

```
;; - 8000 < salario-atual, sem aumento
```

```
(define (novo-salario salario-atual) ...)
```

Especificação

(examples

```
; salario-atual <= 1200
(check-equal? (novo-salario 1000.00) 1100.00) ; (* 1000.00 1.10)
(check-equal? (novo-salario 1200.00) 1320.00)
; salario-atual <= 3000
(check-equal? (novo-salario 2000.00) 2140.00) ; (* 2000.00 1.07)
(check-equal? (novo-salario 3000.00) 3210.00)
; salario-atual <= 8000
(check-equal? (novo-salario 5000.00) 5150.00) ; (* 5000.00 1.03)
(check-equal? (novo-salario 8000.00) 8240.00)
; salario-atual > 8000
(check-equal? (novo-salario 8000.01) 8000.01)); 8000.00
```


Implementação

```
(define (novo-salario salario-atual)
  (cond
    [(<= salario-atual 1200) (* salario-atual 1.1)]
    [(and (< 1200 salario-atual) (<= salario-atual 3000)) (* salario-atual 1.07)]
    [(and (< 3000 salario-atual) (<= salario-atual 8000)) (* salario-atual 1.03)]
    [(> salario-atual 8000) salario-atual]))
```

Verificação

```
7 success(es) 0 failure(s) 0 error(s) 7 test(s) run
```

Revisão

```
(define (novo-salario salario-atual)
  (cond
    [(<= salario-atual 1200) (* salario-atual 1.10)] ; 10% de aumento
    [(<= salario-atual 3000) (* salario-atual 1.07)] ; 7% de aumento
    [(<= salario-atual 8000) (* salario-atual 1.03)] ; 3% de aumento
    [else salario-atual])) ; sem aumento
```

Não podemos esquecer de fazer a verificação novamente!

2. O Jorge precisa saber a massa de diversos pequenos tubos de ferro mas está sem uma balança. No entanto, ele possui um paquímetro e pode medir com precisão o diâmetro interno e externo e a altura dos tubos, agora ele só precisa de um programa para fazer os cálculos. Algum voluntário?

Análise

- Calcular a massa de um tubo de ferro a partir das suas dimensões
- Dimensões \rightarrow Volume \rightarrow Massa
- O volume de um tubo é dado por $\pi((diâmetro_externo - diâmetro_interno)/2)^2 \times altura$
- A massa é dado por $volume \times densidade$
- A densidade do ferro é 7874 kg/m^3

Definição de tipos de dados

```
;; Comprimento é um número positivo dado em metros.  
;; Massa é um número positivo dado em quilogramas.
```

Especificação

```
;; Comprimento Comprimento Comprimento -> Massa  
;; Calcula a massa de um tubo de ferro a partir das suas dimensões.  
;; Requer que (> diametro-externo diametro-interno)  
(define (massa-tubo-ferro diametro-externo diametro-interno altura) ...)  
  
(examples  
  ; (* pi (sqr (/ (- 0.05 0.03) 2)) 0.1 7874)  
  (check-equal? (massa-tubo-ferro 0.05 0.03 0.1) 0.2472436))
```

Implementação

Usamos conhecimentos específicos do domínio que foram levantados na análise.

```
(define (massa-tubo-ferro diametro-externo diametro-interno altura)
  (* 3.14
     (sqr (/ (- diametro-externo diametro-interno) 2))
     altura
     7874)) ; densidade do ferro
```

Verificação

FAILURE

```
name:      check-equal?
location:  exercicios-resolvidos.rkt:48:1
actual:    0.247243600000000015
expected:  0.2472436
```

Comparação de igualdade de números de ponto flutuante quase não dá certo! Nesses casos, usamos `check-=>` que permite especificar uma margem de erro.

(examples

```
(check-=(massa-tubo-ferro 0.05 0.03 0.1) 0.2472436 0.00000001))
```

Revisão

```
(define PI 3.14) ; Na prática precisamos de mais casas decimais!  
(define DENSIDADE-FERRO 7874) ; Em kg/m^2  
  
(define (massa-tubo-ferro diametro-externo diametro-interno altura)  
  (define area-da-base (* PI (sqr (/ (- diametro-externo diametro-interno) 2))))  
  (define volume (* area-da-base altura))  
  (* volume DENSIDADE-FERRO))
```

Não podemos esquecer de fazer a verificação novamente!

3. Em um determinado programa é preciso exibir textos em uma quantidade máxima de espaço (número de caracteres). Se o texto não cabe no espaço, apenas a parte inicial do texto que cabe no espaço junto de três pontos deve ser exibida. Além disso, o texto pode ser alinhado a direita, a esquerda ou centralizado. Projete um programa que transforme um texto para que possa ser exibido no espaço desejado.

Análise

- Ajustar um texto a um tamanho específico, usando ..., se necessário, para sinalizar que o texto foi abreviado, e alinhar o texto a direita, a esquerda ou no centro.

Definição de tipos de dados

```
;; Alinhamento é um dos valores  
;; - "direita"  
;; - "esquerda"  
;; - "centro"
```

Especificação

```
;; String Number Alinhamento -> String  
;;  
;; Produz uma nova string a partir de s que tem exatamente num-chars  
;; caracteres e é alinhada de acordo com o alinhamento.  
(define (ajusta-string s num-chars alinhamento) ...)
```

Essa especificação é precisa o bastante para fazermos uma implementação ou para usarmos essa função? Não.

(examples

```
(check-equal? (ajusta-string "casa" 4 "direita") "casa") ; "casa"
(check-equal? (ajusta-string "casa" 4 "esquerda") "casa")
(check-equal? (ajusta-string "casa" 4 "centro") "casa")
(check-equal? (ajusta-string "casa verde" 7 "direita") "casa...")
(check-equal? (ajusta-string "casa verde" 7 "esquerda") "casa...")
(check-equal? (ajusta-string "casa verde" 7 "centro") "casa...")
(check-equal? (ajusta-string "casa verde" 9 "direita") "casa v...")
(check-equal? (ajusta-string "casa" 9 "direita") " casa")
(check-equal? (ajusta-string "casa" 9 "esquerda") "casa ")
(check-equal? (ajusta-string "casa" 9 "centro") " casa ")
(check-equal? (ajusta-string "casa" 10 "centro") " casa ")
```

(examples

```
; (= (string-length s) num-chars)
(check-equal? (ajusta-string "casa" 4 "direita") "casa") ; "casa"
(check-equal? (ajusta-string "casa" 4 "esquerda") "casa")
(check-equal? (ajusta-string "casa" 4 "centro") "casa")

; (> (string-length s) num-chars)
; (string-append (substring "casa verde" 0 (- 7 3)) "...")
(check-equal? (ajusta-string "casa verde" 7 "direita") "casa...")
(check-equal? (ajusta-string "casa verde" 7 "esquerda") "casa...")
(check-equal? (ajusta-string "casa verde" 7 "centro") "casa...")
(check-equal? (ajusta-string "casa verde" 9 "direita") "casa v...")
```

Resolução do exercício 3

```
; (< (string-length s) num-chars)
; (string-append (make-string (- 9 (string-length "casa"))) #\space)
; "casa")
(check-equal? (ajusta-string "casa" 9 "direita") " casa")
; (string-append (make-string "casa"
; (- 9 (string-length "casa"))) #\space))
(check-equal? (ajusta-string "casa" 9 "esquerda") "casa ")
; (define num-espacos-inicio (quotient (- num-chars (string-length "casa")) 2)
; (define num-espacos-fim (- num-chars (string-length "casa)
; num-espacos-inicio)
; (string-append
; (make-string num-espacos-inicio #\space))
; "centro"
; (make-string num-espacos-fim #\space))
(check-equal? (ajusta-string "casa" 9 "centro") " casa ")
(check-equal? (ajusta-string "casa" 10 "centro") " casa "))
```

Detalhamento do propósito da função a partir do aprimoramento do nosso entendimento obtido com os exemplos.

```
;; Se s tem exatamente num-chars caracteres, então produz s.  
;;  
;; Se s tem mais do que num-chars caracteres, então s é truncada e ...  
;; é adicionado ao final para sinalizar que a string foi abreviada.  
;;  
;; Se s tem menos do que num-chars caracteres, então espaços são  
;; adicionados no início se alinhamento é "esquerda", no fim  
;; se alinhamento é "direita", ou no início e fim se alinhamento  
;; e "centro". Nesse último caso, se a quantidade de espaços adicionados  
;; for ímpar, então no fim será adicionado 1 espaço a mais do que no início.
```

```
(define (ajusta-string s num-chars alinhamento)
  (cond
    [(= (string-length s) num-chars) s]
    [(> (string-length s) num-chars) (string-append (substring s 0 (- num-chars 3)) "...")]
    [else
     (define num-espacos (- num-chars (string-length s)))
     (cond
       [(equal? alinhamento "direita")
        (string-append (make-string num-espacos #\space) s)]
       [(equal? alinhamento "esquerda")
        (string-append s (make-string num-espacos #\space))]
       [else
        (define num-espacos-inicio (quotient num-espacos 2))
        (define num-espacos-fim (- num-espacos num-espacos-inicio))
        (string-append
         (make-string num-espacos-inicio #\space)
         s
         (make-string num-espacos-fim #\space)))]))])
```

Verificação

- Ok

Revisão

- Exercício para o leitor!

Implementação, versão alternativa

```
;; String Number Alinhamento -> String
;;
;; Produz uma nova string a partir de s que tem exatamente num-chars
;; caracteres e é alinhada de acordo com o alinhamento.
```

Na especificação podemos notar um “e”, indicando que a função faz duas coisas. Então, podemos implementar a função decompondo ela nessas “duas coisas”. Supomos que as funções existem e implementamos o corpo

```
(define (ajusta-string s num-chars alinhamento)
  (alinha (limita s num-chars)
          num-chars
          alinhamento))
```

Resolução do exercício 3

Agora colocamos essas duas funções em uma lista de trabalho, com um especificação inicial e depois procedemos para implementá-las seguindo as mesmas etapas

```
;; String Number -> String
;;
;; Produz uma nova string a partir de s com no máximo num-chars.
;; ...
(define (limita s num-chars) ...)

;; String Number Alinhamento -> String
;;
;; Produz uma nova string a partir de s alinhada de acordo com o alinhamento.
;; ...
(define (alinha s num-chars alinhamento)
```

Básicas

- Vídeos BSL
- Vídeos How to Design Functions