

# Linguagens de programação lógicas

## Linguagens de Programação

Marco A L Barbosa



Este trabalho está licenciado com uma Licença Creative Commons - Atribuição-Compartilhual 4.0 Internacional.

<http://github.com/malbarbo/na-lp-copl>

# Conteúdo

Introdução

Uma breve introdução ao cálculo de predicados

Cálculo de predicados e demonstração de teoremas

Uma visão geral da programação lógica

As origens da linguagem Prolog

Os elementos básicos da linguagem Prolog

Deficiências do Prolog

Aplicações da programação lógica

Referências

# Introdução

# Introdução

- ▶ Na programação lógica os programas são expressos em termos de lógica simbólica e um processo de inferência lógica é usado para produzir os resultados
- ▶ A programação lógica é declarativa ao invés de procedural, apenas a especificação do resultado é dada e não um processo detalhado de como obter o resultado
- ▶ Linguagens baseadas em lógica simbólica são chamadas de **linguagens de programação lógicas** ou **linguagens declarativas**
- ▶ Antes de estudar linguagens de programação lógicas, precisamos estudar o seu fundamento, que é lógica formal

## Uma breve introdução ao cálculo de predicados

# Uma breve introdução ao cálculo de predicados

- ▶ Uma **proposição** pode ser vista como um declaração lógica que pode ou não ser verdadeira
- ▶ Uma proposição consiste de objetos e nas relações destes objetos

# Uma breve introdução ao cálculo de predicados

- ▶ A lógica simbólica pode ser usada para as três necessidades da lógica formal
  - ▶ Expressar proposições
  - ▶ Expressar relações entre as proposições
  - ▶ Descrever como novas proposições podem ser inferidas a partir de outras proposições que são verdadeiras
- ▶ A forma particular de lógica simbólica que é usada em programação lógica é chamada de **cálculo de predicados (de primeira ordem)**

# Uma breve introdução ao cálculo de predicados

- ▶ Objetos em proposições são representados por termos simples: constantes ou variáveis
  - ▶ Uma **constante** é um símbolo que representa um objeto
  - ▶ Uma **variável** é um símbolo que representa diferentes objetos em diferentes momentos
- ▶ A proposição mais simples é chamada de **proposição atômica**, que consiste em um termo composto
- ▶ Um **termo composto** é um elemento de uma relação matemática, escrita em uma forma com a aparência de notação de função matemática
- ▶ Um termo composto é formado por duas partes
  - ▶ Um **functor**, o símbolo de função que nomeia a relação
  - ▶ Uma lista ordenada de parâmetros
- ▶ Exemplos: `man(jake)`, `like(bob, steak)`



## Uma breve introdução ao cálculo de predicados

- ▶ Uma proposição pode ser declarada de dois modos
  - ▶ **Fato**: a proposição é definida como verdadeira
  - ▶ **Consulta**: a verdade da proposição precisa ser determinada
- ▶ As **proposições compostas** tem duas ou mais proposições atômicas ligadas por operadores
- ▶ Os operadores lógicos do cálculo de predicados são

Nome	Símbolo	Exemplo	Significado
negação	$\neg$	$\neg a$	não $a$
conjunção	$\cap$	$a \cap b$	$a$ e $b$
disjunção	$\cup$	$a \cup b$	$a$ ou $b$
equivalência	$\equiv$	$a \equiv b$	$a$ é equivalente a $b$
implicação	$\supset$	$a \supset b$	$a$ implica $b$
	$\subset$	$a \subset b$	$b$ implica $a$

# Uma breve introdução ao cálculo de predicados

- ▶ Exemplos de proposições compostas
  - ▶  $a \cap b \supset c$
  - ▶  $a \cap \neg b \supset d$
  - ▶ O operador  $\neg$  tem a maior precedência
  - ▶ Os operadores  $\cap$ ,  $\cup$  e  $\equiv$  tem maior precedência que  $\supset$  e  $\subset$
  - ▶  $(a \cap (\neg b)) \supset d$
- ▶ Variáveis podem aparecer nas proposições usando símbolos especiais chamados de quantificadores

---

Nome	Exemplo	Significado
universal	$\forall X.P$	Para todo $X$ , $P$ é verdadeiro
existencial	$\exists X.P$	Existe um valor $X$ tal que $P$ é verdadeiro

---

- ▶ Exemplos
  - ▶  $\forall X . (\text{woman}(X) \supset \text{human}(X))$
  - ▶  $\exists X . (\text{mother}(\text{mary}, X) \cap \text{male}(X))$

## Uma breve introdução ao cálculo de predicados

- ▶ No cálculo de predicados existem muitas formas de expressar a mesma coisa, o que é ruim para implementação

## Uma breve introdução ao cálculo de predicados

- ▶ No cálculo de predicados existem muitas formas de expressar a mesma coisa, o que é ruim para implementação
- ▶ Uma forma padrão simples de proposição e a **forma clausal**
  - ▶  $B_1 \cup B_2 \cup \dots \cup B_n \subset A_1 \cap A_2 \cap \dots \cap A_m$
  - ▶ Onde os  $A$ 's e  $B$ 's são termos

# Uma breve introdução ao cálculo de predicados

- ▶ No cálculo de predicados existem muitas formas de expressar a mesma coisa, o que é ruim para implementação
- ▶ Uma forma padrão simples de proposição e a **forma clausal**
  - ▶  $B_1 \cup B_2 \cup \dots \cup B_n \subset A_1 \cap A_2 \cap \dots \cap A_m$
  - ▶ Onde os  $A$ 's e  $B$ 's são termos
  - ▶ Significa que, se todos os  $A$ 's forem verdadeiros, pelo menos um  $B$  é verdadeiro
  - ▶ O lado direito é chamado de **antecedente**
  - ▶ O lado esquerdo é chamado de **consequente**
  - ▶ O quantificador existencial não é necessário
  - ▶ O quantificador universal está implícito no uso de variáveis
  - ▶ Apenas os operadores de conjunção e disjunção são requeridos
  - ▶ Todas as proposições do cálculo de predicados podem ser convertidas por um algoritmo para a forma clausal

# Uma breve introdução ao cálculo de predicados

- ▶ Exemplos de proposições na forma clausal
  - ▶  $\text{likes}(\text{bob}, \text{trout}) \subset \text{likes}(\text{bob}, \text{fish}) \cap \text{fish}(\text{trout})$
  - ▶  $\text{father}(\text{louis}, \text{al}) \cup \text{father}(\text{louis}, \text{violet}) \subset \text{father}(\text{al}, \text{bob}) \cap \text{mother}(\text{violet}, \text{bob}) \cap \text{grandfather}(\text{louis}, \text{bob})$
- ▶ Como estas proposições podem ser lidas em português?

# Cálculo de predicados e demonstração de teoremas

# Cálculo de predicados e demonstração de teoremas

- ▶ Um uso para uma coleção de proposições é determinar se algum fato interessante pode ser inferido a partir dela



# Cálculo de predicados e demonstração de teoremas

- ▶ Um uso para uma coleção de proposições é determinar se algum fato interessante pode ser inferido a partir dela
- ▶ **Resolução** é uma regra de inferência que permite computar proposições inferidas a partir de proposições dadas
- ▶ Ideia geral da resolução
  - ▶ Dado duas proposições
    - ▶  $P_1 \subset P_2$
    - ▶  $Q_1 \subset Q_2$

# Cálculo de predicados e demonstração de teoremas

- ▶ Um uso para uma coleção de proposições é determinar se algum fato interessante pode ser inferido a partir dela
- ▶ **Resolução** é uma regra de inferência que permite computar proposições inferidas a partir de proposições dadas
- ▶ Ideia geral da resolução
  - ▶ Dado duas proposições
    - ▶  $P_1 \subset P_2$
    - ▶  $Q_1 \subset Q_2$
  - ▶ Se  $P_1$  é idêntico a  $Q_2$ , então podemos chamá-los de  $T$  e reescrever as proposições como
    - ▶  $T \subset P_2$
    - ▶  $Q_1 \subset T$

# Cálculo de predicados e demonstração de teoremas

- ▶ Um uso para uma coleção de proposições é determinar se algum fato interessante pode ser inferido a partir dela
- ▶ **Resolução** é uma regra de inferência que permite computar proposições inferidas a partir de proposições dadas
- ▶ Ideia geral da resolução
  - ▶ Dado duas proposições
    - ▶  $P_1 \subset P_2$
    - ▶  $Q_1 \subset Q_2$
  - ▶ Se  $P_1$  é idêntico a  $Q_2$ , então podemos chamá-los de  $T$  e reescrever as proposições como
    - ▶  $T \subset P_2$
    - ▶  $Q_1 \subset T$
  - ▶ Logo  $Q_1 \subset P_2$

# Cálculo de predicados e demonstração de teoremas

## ▶ Exemplo

- ▶  $\text{older}(\text{joanne}, \text{jake}) \subset \text{mother}(\text{joanne}, \text{jake})$
- ▶  $\text{wiser}(\text{joanne}, \text{jake}) \subset \text{older}(\text{joanne}, \text{jake})$
- ▶ A partir destas proposições, a seguinte proposição pode ser construída usando resolução
- ▶  $\text{wiser}(\text{joanne}, \text{jake}) \subset \text{mother}(\text{joanne}, \text{jake})$

# Cálculo de predicados e demonstração de teoremas

- ▶ Mecânica da resolução
  - ▶ Os termos do lado esquerdo das duas proposições são juntados para formar o lado esquerdo da nova proposição
  - ▶ Os termos do lado direito são juntados da mesma forma
  - ▶ Qualquer termo que apareça dos dois lados é removido
- ▶ Exemplo
  - ▶  $\text{father}(\text{bob}, \text{jake}) \cup \text{mother}(\text{bob}, \text{jake}) \subset \text{parent}(\text{bob}, \text{jake})$
  - ▶  $\text{grandfather}(\text{bob}, \text{fred}) \subset \text{father}(\text{bob}, \text{jake}) \cap \text{father}(\text{jake}, \text{fred})$
  - ▶ A resolução diz que
  - ▶  $\text{mother}(\text{bob}, \text{jake}) \cup \text{grandfather}(\text{bob}, \text{fred}) \subset \text{parent}(\text{bob}, \text{jake}) \cap \text{father}(\text{jake}, \text{fred})$

## Cálculo de predicados e demonstração de teoremas

- ▶ O processo de resolução é mais complexo do que os exemplos apresentados
- ▶ A presença de variáveis nas proposições implica que a resolução deve encontrar valores para as variáveis que permitam o casamento
- ▶ O processo de determinar valores que permitam o casamento é chamado de **unificação**
- ▶ A atribuição temporária de valores as variáveis para permitir a unificação é chamada **instanciação**
- ▶ Depois da instanciação de uma variável com um valor, se o casamento falhar, pode ser necessário retroceder (backtrack) e fazer a instanciação com outro valor

# Cálculo de predicados e demonstração de teoremas

- ▶ Uma propriedade importante da resolução é a habilidade de detectar inconsistências em um conjunto de proposições
- ▶ Esta propriedade pode ser usada para demonstrar teoremas (prova por contradição)
  - ▶ As proposições iniciais são chamadas de **hipóteses**
  - ▶ A negação do teorema é chamado de **meta**
  - ▶ O teorema é demonstrado encontrando-se uma inconsistência
- ▶ A demonstração de teoremas é a base para a programação lógica

# Cálculo de predicados e demonstração de teoremas

- ▶ Para simplificar a resolução, as proposições devem estar em uma forma clausal restrita, chamada de **cláusulas de Horn**
  - ▶ Tem no máximo uma proposição atômica do lado esquerdo
  - ▶ Uma cláusula de Horn sem lado esquerdo é chamada de **fato**
  - ▶ O lado esquerdo é chamada de **cabeça**
  - ▶ O lado direito é chamada de **cauda**
  - ▶ A maioria, mas não todas, as proposições podem ser escritas como cláusulas de Horn



Uma visão geral da programação lógica

# Uma visão geral da programação lógica

- ▶ Semântica declarativa
  - ▶ Existe uma maneira simples de determinar o significado de cada declaração
  - ▶ Semântica mais simples que linguagens imperativas
- ▶ Programação não procedural
  - ▶ Os programas não dizem como os resultados são computados, mas a forma dos resultados
  - ▶ Para isto, é necessário uma maneira concisa de fornecer as informações relevantes para o computador e um método de inferência para computar os resultados desejados
  - ▶ Cálculo de predicados e resolução
- ▶ Exemplo: ordenar uma lista com índices  $1..n$ 
  - ▶  $\text{sort}(\text{old\_list}, \text{new\_list}) \subset \text{permute}(\text{old\_list}, \text{new\_list}) \cap \text{sorted}(\text{new\_list})$
  - ▶  $\text{sorted}(\text{list}) \subset \forall j \text{ tal que } 1 \leq j < n, \text{list}(j) \leq \text{list}(j + 1)$

## As origens da linguagem Prolog

# As origens da linguagem Prolog

- ▶ Universidade de Aix-Marseille
  - ▶ Alain Colmerauer e Phillippe Roussel
  - ▶ Processamento de linguagem natural
- ▶ Universidade de Edinburgh
  - ▶ Robert Kowalski
  - ▶ Demonstração automática de teoremas
- ▶ A parceria terminou em meados da década de 70
- ▶ 1982-1992 FGCS (Fifth Generation Computing Systems) - projeto Japonês
  - ▶ Um dos objetivos era desenvolver máquinas inteligentes (usando Prolog)

## Os elementos básicos da linguagem Prolog

# Os elementos básicos da linguagem Prolog

- ▶ Prolog tem vários dialetos, o livro apresenta a sintaxe de Edinburgh
- ▶ Todas as sentenças em Prolog são construídas com termos
- ▶ Termos
  - ▶ Constante
    - ▶ Átomo (símbolo)
    - ▶ Inteiro
  - ▶ Variável
  - ▶ Estrutura

# Os elementos básicos da linguagem Prolog

- ▶ Um átomo consiste de
  - ▶ Uma string de letras, dígitos e underscores, começando com uma letra minúscula
  - ▶ Uma string de caracteres ascii imprimíveis delimitada por apóstrofos
- ▶ Variável, qualquer string de letras, dígitos e underscores, começando com uma letra maiúscula
- ▶ Estrutura, representa uma proposição atômica do cálculo de predicados: functor(lista de parâmetros)

# Os elementos básicos da linguagem Prolog

- ▶ Declaração de fatos
  - ▶ Cláusulas de Horn sem cabeça
  - ▶ Usada para definir as hipóteses, ou base de dados de informações
  - ▶ As cláusulas de Horn sem cabeça em Prolog são chamadas de fatos, proposições que são (assumidas) verdadeiras



# Os elementos básicos da linguagem Prolog

- ▶ Declaração de fatos
  - ▶ Cláusulas de Horn sem cabeça
  - ▶ Usada para definir as hipóteses, ou base de dados de informações
  - ▶ As cláusulas de Horn sem cabeça em Prolog são chamadas de fatos, proposições que são (assumidas) verdadeiras
- ▶ Exemplo

```
mulher(maria).  
homem(joao).  
mulher(paula).  
homem(jose).  
pai(joao, jose).  
pai(joao, maria).  
mae(paula, jose).  
mae(paula, maria).
```

# Os elementos básicos da linguagem Prolog

- ▶ Declaração de regras
  - ▶ Cláusulas de Horn com cabeça
  - ▶ Usada para definir as hipóteses
  - ▶ O lado direito é o antecedente ou parte **se**
  - ▶ O lado esquerdo é o conseqüente ou parte **então**
  - ▶ Se o antecedente for verdadeiro, então o conseqüente também precisa ser verdadeiro
  - ▶ A forma geral é: conseqüente :- antecedentes
  - ▶ As cláusulas de Horn com cabeça em Prolog são chamadas de regras, porque elas definem as regras de implicação entre as proposições

# Os elementos básicos da linguagem Prolog

- ▶ Declaração de regras
  - ▶ Cláusulas de Horn com cabeça
  - ▶ Usada para definir as hipóteses
  - ▶ O lado direito é o antecedente ou parte **se**
  - ▶ O lado esquerdo é o conseqüente ou parte **então**
  - ▶ Se o antecedente for verdadeiro, então o conseqüente também precisa ser verdadeiro
  - ▶ A forma geral é: conseqüente :- antecedentes
  - ▶ As cláusulas de Horn com cabeça em Prolog são chamadas de regras, porque elas definem as regras de implicação entre as proposições
- ▶ Exemplo

```
ancestral(paula, maria) :- mae(paula, maria).
```

```
pais(X, Y) :- mae(X, Y).
```

```
pais(X, Y) :- pai(X, Y).
```

```
irmaos(X, Y) :- mae(M, X), mae(M, Y), pai(P, X), pai(P, Y).
```

# Os elementos básicos da linguagem Prolog

- ▶ Declaração de regras
  - ▶ Cláusulas de Horn com cabeça
  - ▶ Usada para definir as hipóteses
  - ▶ O lado direito é o antecedente ou parte **se**
  - ▶ O lado esquerdo é o conseqüente ou parte **então**
  - ▶ Se o antecedente for verdadeiro, então o conseqüente também precisa ser verdadeiro
  - ▶ A forma geral é: conseqüente :- antecedentes
  - ▶ As cláusulas de Horn com cabeça em Prolog são chamadas de regras, porque elas definem as regras de implicação entre as proposições

- ▶ Exemplo

```
ancestral(paula, maria) :- mae(paula, maria).
```

```
pais(X, Y) :- mae(X, Y).
```

```
pais(X, Y) :- pai(X, Y).
```

```
irmaos(X, Y) :- mae(M, X), mae(M, Y), pai(P, X), pai(P, Y).
```

- ▶ Para todo  $X$  e  $Y$ ,  $X$  é irmão de  $Y$  se existem  $M$  e  $P$  tal que  $M$  é mãe de  $X$  e  $Y$  e  $P$  é pai de  $X$  e  $Y$ .

# Os elementos básicos da linguagem Prolog

- ▶ Declaração de metas
  - ▶ Os fatos e as regras são a base para a demonstração de teoremas
  - ▶ Um teorema está na forma de uma proposição que o sistema deve provar ser verdadeiro ou falso
  - ▶ Estas proposições em Prolog são chamadas de metas ou consultas
  - ▶ A forma da declaração de meta é idêntica a da declaração de fatos  
`homem(pedro) .`
  - ▶ Proposições conjuntivas e proposições com variáveis também são metas válidas  
`pai(X, paulo) .`

## O processo de inferência do Prolog

- ▶ O uso eficiente do Prolog requer que o programador saiba precisamente o que o sistema faz com o seu programa
- ▶ Para provar que uma meta é verdadeira, é necessário encontrar uma cadeia de fatos e regras de inferência que conectam a meta com um ou mais fatos na base de dados
- ▶ Se a meta é  $Q$ , então  $Q$  precisa ser encontrado como um fato na base de dados ou o processo de inferência precisa encontrar um fato  $P_1$  e uma sequência de proposições  $P_2, P_3, \dots, P_n$  tal que
$$P_2 : \neg P_1$$
$$P_3 : \neg P_2$$
$$\dots$$
$$Q : \neg P_n$$
- ▶ O processo é um pouco mais complicado para regras com o lado direito composto e para regras com variáveis

# O processo de inferência do Prolog

- ▶ Quando uma meta é uma proposição composta, cada uma das estruturas são chamadas de **submetas**
- ▶ O processo de prova de uma submeta é feita através do **casamento** com uma proposição
- ▶ Exemplo

- ▶ Meta: `homem(bob).`
- ▶ Se a base de dados contém o fato `homem(bob)` a prova é trivial
- ▶ Se a base de dados contém

```
pai(bob).  
homem(X) :- pai(X).
```

- ▶ o Prolog deve usar estas duas declarações para inferir que a meta é verdadeira

## O processo de inferência do Prolog

- ▶ Existem duas abordagens para tentar casar uma meta com um fato na base de dados



## O processo de inferência do Prolog

- ▶ Existem duas abordagens para tentar casar uma meta com um fato na base de dados
- ▶ Resolução de baixo para cima (bottom-up), encadeamento para frente
  - ▶ Inicia com os fatos e regras da base de dados e tenta encontrar a sequência que leva a meta
  - ▶ Funciona bem com um conjunto grande de possíveis repostas corretas

## O processo de inferência do Prolog

- ▶ Existem duas abordagens para tentar casar uma meta com um fato na base de dados
- ▶ Resolução de baixo para cima (bottom-up), encadeamento para frente
  - ▶ Inicia com os fatos e regras da base de dados e tenta encontrar a sequência que leva a meta
  - ▶ Funciona bem com um conjunto grande de possíveis repostas corretas
- ▶ Resolução de cima para baixo (top-down), encadeamento para trás
  - ▶ Inicia com a meta e tenta encontrar uma sequência que leva a um conjunto de fatos na base de dados
  - ▶ Funciona bem para um conjunto pequeno de possíveis repostas corretas

## O processo de inferência do Prolog

- ▶ Existem duas abordagens para tentar casar uma meta com um fato na base de dados
- ▶ Resolução de baixo para cima (bottom-up), encadeamento para frente
  - ▶ Inicia com os fatos e regras da base de dados e tenta encontrar a sequência que leva a meta
  - ▶ Funciona bem com um conjunto grande de possíveis repostas corretas
- ▶ Resolução de cima para baixo (top-down), encadeamento para trás
  - ▶ Inicia com a meta e tenta encontrar uma sequência que leva a um conjunto de fatos na base de dados
  - ▶ Funciona bem para um conjunto pequeno de possíveis repostas corretas
- ▶ As implementações do Prolog usam o encadeamento para trás

# O processo de inferência do Prolog

- ▶ Quando uma meta tem mais que uma submeta, a busca pode ser
  - ▶ Primeiro em profundidade: encontra-se uma prova completa da primeira submeta antes de trabalhar com as outras
  - ▶ Primeiro em largura: trabalha-se em todas as submetas em paralelo

## O processo de inferência do Prolog

- ▶ Quando uma meta tem mais que uma submeta, a busca pode ser
  - ▶ Primeiro em profundidade: encontra-se uma prova completa da primeira submeta antes de trabalhar com as outras
  - ▶ Primeiro em largura: trabalha-se em todas as submetas em paralelo
- ▶ Prolog usa busca primeiro em profundidade, pode ser feito com menos recursos computacionais

## O processo de inferência do Prolog

- ▶ Com uma meta composta, se a prova de uma submeta falha, é necessário considerar as submetas anteriores para encontrar uma solução alternativa
- ▶ Este processo é chamado de **retroceder** (backtrack)
- ▶ A busca continua onde a busca anterior parou
- ▶ Pode levar muito tempo e ocupar muito espaço pois todas as possíveis provas para cada submeta podem ter que ser pesquisadas

# O processo de inferência do Prolog

- ▶ O Prolog tem a estrutura pré-definida `trace` que exhibe as instanciações a cada passo
- ▶ Existem 4 eventos de rastreamento
  - ▶ **call** início da tentativa de satisfazer uma meta
  - ▶ **exit** quando uma meta foi satisfeita
  - ▶ **redo** quando ocorre retrocesso
  - ▶ **fail** quando uma meta falha

## O processo de inferência do Prolog

```
likes(jake, chocolate).  
likes(jake, apricots).  
likes(darcie, licorice).  
likes(darcie, apricots).
```

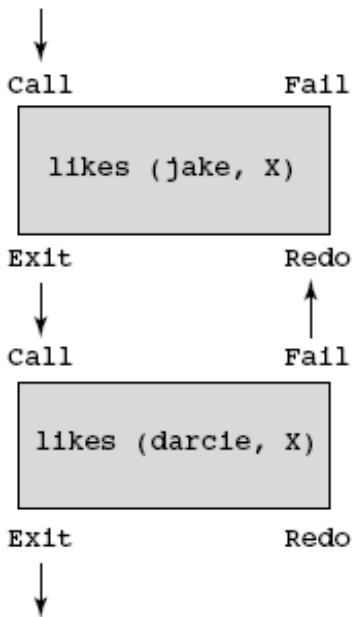
```
likes(jake, X), likes(darcie, X).  
  Call: (7) likes(jake, _G367) ?  
  Exit: (7) likes(jake, chocolate) ?  
  Call: (7) likes(darcie, chocolate) ?  
  Fail: (7) likes(darcie, chocolate) ?  
  Redo: (7) likes(jake, _G367) ?  
  Exit: (7) likes(jake, apricots) ?  
  Call: (7) likes(darcie, apricots) ?  
  Exit: (7) likes(darcie, apricots) ?  
X = apricots.
```



## O processo de inferência do Prolog

**Figure 16.1**

Control flow model for  
the goal `likes`  
`(jake, X), likes`  
`(darcie, X)`



# Aritmética

- ▶ Prolog suporta variáveis e aritmética inteira e real
- ▶ Operador `is`: uma expressão aritmética como operando do lado direito e uma variável do lado esquerdo
- ▶ `A is B / 17 + C`
- ▶ Não é a mesma coisa que atribuição!

# Aritmética

```
speed(ford, 100).
speed(chevy, 105).
speed(dodge, 95).
speed(volvo, 80).
time(ford, 20).
time(chevy, 21).
time(dodge, 24).
time(volvo, 24).
distance(X, Y) :- speed(X, Speed),
                  time(X, Time),
                  Y is Speed * Time.
```

```
distance(chevy, D).
  Call: (6) distance(chevy, _G367) ?
  Call: (7) speed(chevy, _G437) ?
  Exit: (7) speed(chevy, 105) ?
  Call: (7) time(chevy, _G437) ?
  Exit: (7) time(chevy, 21) ?
^ Call: (7) _G367 is 105*21 ?
^ Exit: (7) 2205 is 105*21 ?
  Exit: (6) distance(chevy, 2205) ?
D = 2205.
```

# Listas

- ▶ Além de proposições atômicas, Prolog oferece outra estrutura básica, a lista
- ▶ Listas são sequências de elementos
- ▶ Os elementos podem ser átomos, proposições atômicas, ou qualquer outro termo, incluindo outras listas

```
[maça, laranja, amora, pera]
```

```
[]           % lista vazia
```

```
[ X | Y ]    % cabeça X e calda Y  
             % usado para construir e desmanchar  
             % listas
```

- ▶ Segue alguns exemplos de operações com listas

## Listas

```
member(Element, [Element | _]).
member(Element, [_ | Tail]) :-
    member(Element, Tail).

member(a, [b, c, d]).
    Call: (6) member(a, [b, c, d]) ?
    Call: (7) member(a, [c, d]) ?
    Call: (8) member(a, [d]) ?
    Call: (9) member(a, []) ?
    Fail: (9) member(a, []) ?
    Fail: (8) member(a, [d]) ?
    Fail: (7) member(a, [c, d]) ?
    Fail: (6) member(a, [b, c, d]) ?
false.

[trace] ?- member(b, [a, b, c]).
    Call: (6) member(b, [a, b, c]) ?
    Call: (7) member(b, [b, c]) ?
    Exit: (7) member(b, [b, c]) ?
    Exit: (6) member(b, [a, b, c]) ?
true ;
...
```

# Listas

```
append([], List, List).
```

```
append([Head | Tail1], List2, [Head | Tail3]) :-  
    append(Tail1, List2, Tail3).
```

```
append([bob, jo], [jake, darcie], Family).
```

```
Call: (6) append([bob, jo], [jake, darcie], _G380) ?
```

```
Call: (7) append([jo], [jake, darcie], _G459) ?
```

```
Call: (8) append([], [jake, darcie], _G462) ?
```

```
Exit: (8) append([], [jake, darcie], [jake, darcie]) ?
```

```
Exit: (7) append([jo], [jake, darcie], [jo, jake, darcie]) ?
```

```
Exit: (6) append([bob, jo], [jake, darcie], [bob, jo, jake, darcie])
```

```
Family = [bob, jo, jake, darcie].
```

```
reverse([], []).  
reverse([Head | Tail], List) :-  
    reverse(Tail, Result),  
    append(Result, [Head], List).
```

```
reverse([a, b, c], Q).
  Call: (6) reverse([a, b, c], _G376) ?
  Call: (7) reverse([b, c], _G455) ?
  Call: (8) reverse([c], _G455) ?
  Call: (9) reverse([], _G455) ?
  Exit: (9) reverse([], []) ?
  Call: (9) append([], [c], _G459) ?
  Exit: (9) append([], [c], [c]) ?
  Exit: (8) reverse([c], [c]) ?
  Call: (8) append([c], [b], _G462) ?
  Call: (9) append([], [b], _G457) ?
  Exit: (9) append([], [b], [b]) ?
  Exit: (8) append([c], [b], [c, b]) ?
  Exit: (7) reverse([b, c], [c, b]) ?
  Call: (7) append([c, b], [a], _G376) ?
  Call: (8) append([b], [a], _G463) ?
  Call: (9) append([], [a], _G466) ?
  Exit: (9) append([], [a], [a]) ?
  Exit: (8) append([b], [a], [b, a]) ?
  Exit: (7) append([c, b], [a], [c, b, a]) ?
  Exit: (6) reverse([a, b, c], [c, b, a]) ?
Q = [c, b, a].
```



## Deficiências do Prolog

# Deficiências do Prolog

- ▶ Controle da ordem de resolução

- ▶ O Prolog sempre faz o casamento (na resolução) na mesma ordem, o que implica que o programador pode (deve) controlar a ordem da resolução alterando a ordem das proposições e das submetas

- ▶ Exemplo: regra que causa laço infinito na resolução

$f(X, Y) :- f(Z, Y), g(X, Z).$

- ▶ O Prolog permite o controle explícito do retrocesso com o operador de corte !, que as vezes é usado para criar controle de fluxo (no estilo imperativo)
- ▶ O Prolog oferece estas possibilidades principalmente para permitir a construção de programas mais eficientes, mas elas contrariam a principal característica das linguagens lógicas, que é a construção de programas de forma declarativa, sem a preocupação com o processo de resolução

# Deficiências do Prolog

- ▶ Mundo fechado assumido
  - ▶ Não tem conhecimento do mundo além daquele que está em sua base de dados
  - ▶ O Prolog pode provar que uma determinada meta é verdadeira, mas não pode provar que é falsa
  - ▶ O Prolog é um sistema verdadeiro/falha e não um sistema verdadeiro/falso

# Deficiências do Prolog

- ▶ Mundo fechado assumido
  - ▶ Não tem conhecimento do mundo além daquele que está em sua base de dados
  - ▶ O Prolog pode provar que uma determinada meta é verdadeira, mas não pode provar que é falsa
  - ▶ O Prolog é um sistema verdadeiro/falha e não um sistema verdadeiro/falso
- ▶ O problema da negação
  - ▶ O Prolog tem um operador `not`, mas este operador não é equivalente ao `not` lógico
  - ▶ A razão fundamental para isto é que, em uma proposição  $A: \neg B_1 \cap B_2 \cap \dots \cap B_n$ , se algum  $B$  é falso, não se pode concluir que  $A$  é falso
  - ▶ A partir de lógica positiva, só se pode concluir lógica positiva

# Deficiências do Prolog

- ▶ Limitações intrínsecas
  - ▶ Não é possível (ainda) resolver determinados problemas de forma eficiente apenas com a descrição da solução
  - ▶ Um exemplo é a ordenação
  - ▶ Apenas com a descrição do que é uma lista ordenada não é suficiente para uma solução eficiente

## Aplicações da programação lógica

# Aplicações da programação lógica

- ▶ Sistema de gerenciamento de banco de dados relacional
- ▶ Sistemas especialistas
- ▶ Processamento de linguagem natural

## Referências



## Referências

- ▶ Robert Sebesta, Concepts of programming languages, 9<sup>a</sup> edição. Capítulo 16.